## تحديد نسبة الأوستينيت في الفولاذ 52100 بعد المعالجة الحرارية

د. سلامة أبو الشملات

## (تاريخ الإيداع 22 / 2 / 2021. قُبِل للنشر في 14 / 6 /2021)

## 🗆 ملخّص 🗆

تتناسب الشدة المنعرجة عن طور ما مع الثابت الهندسي K لمقياس الانعراج، وعامل التركيب R ، والامتصاصية  $v_{\alpha} = \frac{V_{\alpha}}{V}$  ، أي  $\frac{V_{\alpha}}{V} = v_{\alpha}$  A ، والكسر الحجمي للطور ما بين حجم الطور  $v_{\alpha}$  وحجم وحدة الخلية V ، أي  $v_{\alpha} = \frac{V_{\alpha}}{V}$  ، أي  $v_{\alpha} = \frac{V_{\alpha}}{V}$  ، أي  $v_{\alpha} = \frac{V_{\alpha}}{V}$  is a solution of the second se

الكلمات المفتاحية: طور الأوستينيت، طور المارتنسيت، الشدة المنعرجة، عامل البنية، الكسر الحجمي.

<sup>\*</sup> أستاذ مساعد – قسم الفيزياء – كلية العلوم – جامعة تشرين – اللاذقية– سورية.

## **Determination of the Ratio Austenite Phase in 52100 Steel after the Thermal Treatment**

### Dr. Sallamah Abou Alshamlat<sup>\*</sup>

(Received 22 / 2 / 2021. Accepted 14 / 6 /2021)

# $\Box$ ABSTRACT $\Box$

The diffracted intensity from a phase depends on variety of factors such as structure factor, Lorentz polarization ... etc.

In this research the above mentioned factors have been calculated for both  $\gamma - phase$  and  $\alpha - phase$ .

In addition, the ratio between diffracted intensities is  $P = \frac{I_{\gamma}^{(220)}}{I_{\alpha}^{(200)}}$  has been determined with

value P = 1.05, which corresponds to a depth 0.25mm from the studied steel sheet. The variation of  $\alpha - phase$  diffracted intensity  $I_{\alpha}^{(200)}$  as a function of depth of surface sheet reveals a peak at 630 au at depth 0.4 mm which indicated to site of martiniste formation.

**Keywords**: austenite phase, martinsite phase, diffracted intensity, structure factor, volume fraction.

<sup>&</sup>lt;sup>\*</sup>Associate Professor, Physics Department, Faculty of Science, Tishreen University, Lattakia, Syria.

#### مقدمة:

يشكل الحديد مع كثير من العناصر محاليل صلبة، إذ يشكل مع المعادن محاليل صلبة تبادلية ومع الكربون والآزوت والهيدروجين محاليل صلبة تداخلية. ويتعلق ذوبان الكربون في الحديد بشكل كبير بنوعية الشبكة البلورية، فذوبان الكربون في  $\alpha - Fe$  قليل جداً حوالي 0.02% ، بينما ذوبانه في  $\gamma - Fe$  حوالي %2 . الأوستينيت عبارة عن محلول صلب من الطور  $Fe - \gamma$  له بنية مكعبة متمركزة الجسم تحوي على الكربون إضافة إلى النيكل، الكروم، الكوبالت أو المنغنيز. عند تحضير الفولاذ منخفض الكربون بعملية التبريد من حالة الانصهار ينتج عنه طور الأوستينيت المانتينيت المور ( $\gamma - phase$  الطور المارتسيت معملية التبريد من حالة الانصهار الخور وهذه الكميات المتبقية لها آثار سلبية على الفولاذ المنتج [1].

يبين الشكل (1) مخطط توازن حديد- كربون المتمثل بنسب الكربون مقابل درجة الحرارة.



الشكل (1): مخطط توازن حديد - كربون [1]

نتناسب الشدة  $I_{lpha}^{hkl}$  للقمة (hkl) طرداً مع العوامل التالية [2,3,4]:

$$I^{hkl} = K.m_{hkl} \cdot \left| F \right|_{hkl}^{2} \cdot (LP)_{hkl} \exp(-2M) \cdot A(\Theta) \cdot (V/v^{2})$$
(1)

$$I_{\alpha}^{\ hkl} = K.R \cdot A(\Theta) \cdot v_{\alpha} \qquad ; v_{\alpha} = \frac{V_{\alpha}}{V}$$
(2)

حيث أن: K معامل التناسب.  
$$lpha$$
 - شدة الانعراج في الطور  $lpha$ .  
 $v_{lpha}$  - الكسر الحجمي للطور  $lpha$ .  
 $|F|^2_{hkl}$  - عامل البنية.

من التعددية الذي يمثل عدد طرق تبديل مواقع k;  $\pm k$ ;  $\pm k$  في البلورات المكعبة. وينشأ هذا العامل  $-m_{hkl}$  عن مجاميع المستويات والتي لها توجهات مختلفة في البلورة، ولكنها متماثلة فيما بينها من ناحية المسافة الفاصلة بين المستويات  $d_{hkl}$ .

معامل التناسب K: ثابت يعتمد على هندسة الجهاز ، والإشعاع وهو مستقل عن طبيعة العينة، ويعطى بالعلاقة التالية:

$$K = (\frac{I_0 e^4}{m^2 c^4}) (\frac{\lambda^3 S}{32\pi r})$$
(3)

2-عامل استقطاب Lorentz:

$$(LP)_{hkl} = \frac{1 + \cos^2 2\theta}{\sin^2 \theta \cos \theta} \tag{4}$$

 $\frac{\theta}{(LP)_{hkl}} = \frac{1 + \cos^2 2\alpha \cos^2 2\theta}{(\sin^2 \theta \cos \theta)(1 + \cos^2 2\alpha)}$   $\frac{\theta}{(LP)_{hkl}} = \frac{1 + \cos^2 2\alpha \cos^2 2\theta}{(\sin^2 \theta \cos \theta)(1 + \cos^2 2\alpha)}$ (5)

b – عامل الاستقطاب (موحّد اللون متعامد مع مستوى توضع العينة):

$$(LP)_{hkl} = \frac{\cos^2 2\alpha + \cos^2 2\theta}{(\sin^2 \theta \cos \theta)(1 + \cos^2 2\alpha)}$$
(6)

$$M = B(\frac{\sin \theta}{\lambda})^{2}; \quad B = 8\pi^{2} \langle u^{2} \rangle$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$(7)$$

$$P = \frac{I_{\gamma}^{(220)}}{I_{\alpha}^{(200)}} = \frac{\left|F\right|_{\gamma}^{2} \cdot m_{(220)} \cdot (LP)_{(220)} \cdot \exp(-2M) \cdot (V_{\gamma} / v_{\gamma}^{2})}{\left|F\right|_{\alpha}^{2} \cdot m_{(200)} \cdot (LP)_{(200)} \cdot \exp(-2M) \cdot (V_{\alpha} / v_{\alpha}^{2})}$$
(9)

Print ISSN: 2079-3057 , Online ISSN: 2663-4252

حيث أن: P – يمثل العامل النسبي بين شدتي خطين من الطورين المدروسين. **نموذج الحيود:** يحدد حجم وشكل وحدة الخلية المواقع النسبية لقمم خطوط الانعراج السينية، لكن تحدد المواضع الذرية في وحدة الخلية بوساطة الشدات النسبية للخطوط من خلال عامل البنية. في الأنظمة أو الجمل المكعبية يرتبط الخط السيني الأول مع الحيود عن المستويات التي تتميّز بأخفض قرائن ملر كما في الأنظمة أو الجمل المكعبية يرتبط الخط السيني الأول مع الحيود عن المستويات التي تتميّز بأخفض قرائن ملر كما في الجدول (1)، حيث أن سعة البنية تعطى بدلالة العامل الذري <sub>i</sub> f وإحداثيات الذرة <u>j</u> وهي ( $(u_j, v_j, w_j)$ 

$$F = \sum_{j} f_{j} e^{i2\pi (hu_{j} + kv_{j} + lw_{j})}$$
(10)

| Cubic<br>ystems | SC    | BCC   | FCC   |
|-----------------|-------|-------|-------|
| planes          | (100) | (110) | (111) |
|                 |       |       |       |

2

2f for h+k+l=even

0 for h+k+l = odd

الجدول(1): يتضمن شبكة بلورية مكعبية متمركزة الوجوه FCC ، ومتمركزة الحجم BCC، ومكعبية بسيطة SC .

التحول المارتنسيتي:

المارنتسيت عبارة عن محلول صلب انتقالي بين مركبات الأوستينيت ذي البنية FCC ، والفرايت ذي البنية BCCدون أن تتمكن ذرات الكربون من الخروج من أماكنها عند عملية التبريد السريع للأوستينيت، بمعنى تغير في شكل الهياكل الشبكية من  $\gamma$  إلى  $\alpha$ .

توصف بنية المارتنسيت بالموشورية، أي  $\frac{c}{a}$  نتيجة الإجهادات التي تسببها ذرات الكربون المشبعة. a

### أهمية البحث وأهدافه:

يهدف هذا البحث إلى تحديد العامل الحراري (Debye – Waller) الذي يدخل في صيغة شدة خط الانعراج السيني، وكذلك ثابت التناسب (الثابت الهندسي) لمطياف XRD الذي أخذ منه الطيف. علاوة على ذلك إيجاد البارامترين: درجة حرارة ديباي، ومقطع حزمة الأشعة السينية S المشتقين من البارامترين السابقين.

3

4f for h,k,l all even or all odd

0 for h,k,l mixed

 $h^2 + k^2 + l^2$ 

 $F_{hkl}$ 

1

f

بعد ذلك، نحدد الكسر الحجمي للطورين  $\gamma, lpha$  أي  $V_{\gamma}, V_{lpha}$  كتحليل كمي.

طرائق البحث ومواده:

يصف عامل ديباي – وولر تأثير اهتزازات الشبكة على شدات خطوط الأشعة السينية ويرمز له بالرمز  $e^{-2M}$  ، وتابع ديباي (x) :

$$\phi(x) = \phi(x = \frac{\theta_D}{T}) \tag{11}$$

حيث يعطى متوسط مربع سعة الاهتزاز الكلية  $\left\langle u^2 
ight
angle_{tot}$  بدلالة متوسط مربع سعة الاهتزاز المتعامد مع مستويات الشبكة.

$$\left\langle u^{2}\right\rangle_{tot} = 3\left\langle u_{s}^{2}\right\rangle$$
 (12)

ويرتبط العامل الحراري B مع درجة حرارة ديباي  $\theta_D$  بالعلاقة:

$$B = \left(\frac{6h^2}{mk_B}\right) \left(\frac{T}{\theta_D^2}\right) \left[\phi(x) + \frac{x}{4}\right]$$
(13)

حيث أن:  
- م - ثابت بلانك.  
- k<sub>B</sub> - ثابت بولتزمان.  
- حرجة حرارة الغرفة.  
- صرحة حرارة ديباي، 
$$\frac{ heta_D}{T}$$
 .  
-  $heta_D$  - درجة حرارة ديباي،  $\frac{ heta_D}{T}$  .  
-  $heta_D$  - درجة حرارة ديباي،  $(x,y)$   
- تابع ديباي.  
- m - كتلة العينة المدروسة.  
- m - كتلة العينة المدروسة.  
- موجد طرائق تجريبية عديدة لتحديد العوامل الحرارية للمركبات مثل: الحرارة النوعية، الأنتروبية، ثوابت المرونة، المقاومة  
النوعية، مفعول الجهد الحرج في حالة حيود الالكترونات ذات الجهد العالي.  
حيود الأشعة السينية، وحيود النترونات، مسباور ، والتشتت اللامرن للالكترونات من الجسم الصلب.  
لكن هنا في هذا البحث سنعتمد حيود أشعة – X.

### النتائج والمناقشة:

تم الحصول على الشدة للأطوار الموجودة في مخطط الانعراج كتعبير عن المساحة الواقعة تحت كل خط انعراج سيني (عدد المربعات المليمترية تحت كل قيمة) الشكل(2). يبين الشكل (2) مخطط الانعراج لشريحة من الفولاذ سمكها 2mm باستخدام الإشعاع السيني لمصعد الكروم ( $Cr_{k\alpha}(\lambda = 2.29092A^{\circ})$ ).



نلاحظ من المخطط أن الخطين (200) و lpha(220) يظهران في مخطط الانعراج بشكل واضح.

أما العوامل الداخلة في المعادلة (1) مقام الطرف الأيمن فقد تم حساب البعض منها، ولكن قيم m<sub>hkl</sub> تم أخذها من جداول الأشعة السينية [10,11].

من العلاقتين (8) و (9) وقيم الجدول (2) نجد أن:

$$P = 2.40 \frac{V_{\alpha}}{V_{\gamma}}$$
(14)  
$$V_{\gamma} = \frac{P}{P + 2.40}$$
(15)

الجدول(2): يحتوي على القيم العددية للعوامل الداخلة في علاقة الشدة مأخوذة بطاقة إشعاع Cra

| $Cr_{\alpha}$ radiation         | γ-austenite phase | $\alpha$ -martinsite phase |
|---------------------------------|-------------------|----------------------------|
| $FF^* = \left F\right ^2_{hkl}$ | $(53.6)^2$        | $(28.8)^2$                 |
| $(LP)_{hkl}$                    | 39                | 28                         |
| exp(-2M)                        | 0.80              | 0.84                       |
| $m_{(hkl)}$                     | 12                | 6                          |
| $V = a^3$                       | $(3.58)^3$        | $(2.86)^3$                 |

 $10^{17}$  بجرعة  $40 \text{ kV Ar}^+$  بجهد "homotopic المسرعة بجهد " $40 \text{ kV Ar}^+$  بجرعة  $10^{17}$  interval.  $10^{17}$  بجرعة  $10^{17}$  interval.  $10^{17}$  interval. 1

| Depth (mm) | $I_{lpha}^{(200)}$ | $I_{\gamma}^{(220)}$ | Р     |
|------------|--------------------|----------------------|-------|
| 0.026      | 315                | 898                  | 2.851 |
| 0.068      | 356                | 995                  | 2.795 |
| 0.106      | 413                | 884                  | 2.140 |
| 0.141      | 368                | 758                  | 2.060 |
| 0.272      | 629                | 589                  | 0.905 |
| 0.506      | 635                | 434                  | 0.683 |
| 0.773      | 525                | 217                  | 0.413 |
| 2.004      | 689                | 65                   | 0.094 |
|            |                    |                      |       |

الجدول(3): يحتوي على شدة خطى الطورين، والنسبة بينها P

بناء على العلاقتين (8) و (10) نجد الكسر الحجمي من كل طور وفق الجدول (4):

| ف من سطح الشريحة. | الطورين عند كل عمؤ | على حجوم ا | الجدول(4): يحتوى | ۱ |
|-------------------|--------------------|------------|------------------|---|
|-------------------|--------------------|------------|------------------|---|

| Depth (mm) | $V_{\alpha} \times 100$ | $V_{\gamma} \times 100$ |
|------------|-------------------------|-------------------------|
| 0.026      | 54.29442                | 45.70558                |
| 0.068      | 53.80173                | 46.19827                |
| 0.106      | 47.13656                | 52.86344                |
| 0.141      | 46.18834                | 53.81166                |
| 0.272      | 27.38275                | 72.61725                |
| 0.506      | 22.15375                | 77.84625                |
| 0.773      | 14.68183                | 85.31817                |
| 2.004      | 3.769046                | 96.23095                |

لنرى كيفية تغير الشدات لكلا الطورين مع العمق كما في الأشكال (3, 4, 5).



الشكل (3): تغيرات الشدة التكاملية  $I_{lpha}^{(200)}$  مع العمق من سطح الشريحة.

نلاحظ من الشكل(3) أن شدة طور المارتنسيت لها قيمة عظمي au 630 عند العمق mm 0.4 mm نلاحظ الأوستينيت في حالة النتاقص كما يبينه الشكل (4).



الشكل (4): تغيرات الشدة التكاملية  $I_{\gamma}^{(220)}$  مع العمق من سطح الشريحة.



ويبيّن الشكل (5) التناقص الأسي للشدة النسبية مع العمق من سطح الشريحة. نلاحظ من الشكل (5) تناقص شدة خط الأوستينيت  $I_{\gamma}^{(220)}$  مع العمق من سطح الشريحة.

الشكل (5): تغيرات الشدة النسبية  $P = rac{I_{\gamma}^{(220)}}{I_{\alpha}^{(200)}}$  مع العمق.

ويبين هذا الشكل سيطرة سلوك طور الأوستينيت من الطبقة السطحية ولكن يتناقص هذا العامل مع العمق من سطح الشريحة.

### الاستنتاجات والتوصيات:

نستنتج من هذا البحث النقاط الآتية:  
1- يظهر مخطط الانعراج أن خطي الانعراج لطور الأوستينيت (200) وطور المارتنسيت (200) α يظهران  
بقدرة فصل جيدة.  
2- عامل البنية لطور الأوستينيت أكبر من عامل البنية لطور المارتينسيت بمقدار 1.86 ، بينما حجم وحدة الخلية  
لطور الأوستينيت أكبر بمقدار 1.25 من حجم وحدة الخلية لطور المارتينسيت.  
3- تبدي شدة خط انعراج الطور α قيمة عظمى 630*au* العارية عند العمق mm 1.80 بينما تكون شدة خط  
انعراج الطور لا في حالة انحدار من سطح الشريحة الفولانية.  
4- تبين الشدة النسبية بين خطى الانعراج لكلا الطورين انحداراً مع العمق مما يدل تتاقص نسبة الأوستينيت من سطح  
الشريحة، وتبلغ هذه النسبة عند تتاقصها بمقدار 
$$\frac{1}{e}$$
 من قيمتها عند السطح بمقدار 1.05 = *Ω*  
قدره mm 2.05 .  
نوصي بتحديد بعض البارامترات الفيزيائية مثل: ثوابت المرونة، درجة الحرارة النوعية، الأنتروبية، ...الخ.

Print ISSN: 2079-3057 , Online ISSN: 2663-4252

## **References:**

[1] PETER RENNERT, HERBERT SCHMIEDEL, CHRISTIAN, WEISSMANTEL, *Kleine Enzyklopaedie Physik*, VEB Bibliographisches Institute, Leipzig, 1988.

[2] MADAN SINGH, BENEDICT MOLIBELI TAELE and GHANSHYAM PATEL, *Effect of Shape and Size on Curie Temperature, Debye Frequency, Melting Entropy and Enthalpy of Nanosolids.* ORIENTAL JOURNAL OF CHEMISTRY, Vol. 34, No. 5, 2018, 2282-2291.

[3] A. E. Dubinov and A. A. Dubinova, *Exact Integral-Free Expressions for the Integral Debye Functions*, Pleiades Publishing, Ltd., 2008, Vol. 34, No.12, 999–1001.

[4] B. D. Hall, *Debye function analysis of structure in diffraction from nanometer-sized particles*. JOURNAL OF APPLIED PHYSICS, VOL.87, No.4, 2000, 1666-1675.

[5] M. N. Magomedov, On the Determination of the Debye Temperature from Experimental Data. Nauka/Interperiodica, Vol. 45, No. 1, 2003, 32–35.

[6] R. N. Mariammal, V. M. Susila, and K. Ramachandran, *On the Debye-Waller factor and Debye temperature of CdO nanoparticles*. WILEY-VCH Verlag GmbH & Co. KGaA, Weinheim, Vol.46, No.9,2011,979–985.

[7] N. A. Masyukov and A. V. Dmitriev, *Approximation Formulas in the Debye Theory of the Low-Temperature Specific Heat of Solids*. Izvestiya Rossiiskoi Akademii Nauk. Seriya Fizicheskaya, Vol.71, No.8, 2007,1111–1113.

[8] G. V. Paradezhenko, N. B. Melnikov, and B. I. Reser, *DEBYE WALLER FACTOR IN NEUTRON SCATTERING BY FERROMAGNETIC METALS*. Pleiades Publishing, Ltd. Vol. 195, No. 1, 2018,91-104.

[9] Paul F. Fewster, *Estimating the structure factors in X-ray diffraction*. Acta Cryst, 2018, 481–498.

[10] Erhan Eser · I. M. Askerov · B. A. Mamedov, *Calculation of the Debye–Waller factor of crystals using the n-dimensional Debye function involving binomial coefficients and incomplete gamma functions*. Hyperfine Interact, Vol.194, 2009,381–389.

[11] E. Purushotham, *Effect of Particle Size and Lattice Strain on the Debye-Waller Factors of Copper (Cu) Powder Using High Energed Ball Mill, Journal of Engineering Science and Technology Review, Vol.6, No.1, 2013, 83-86.*