

دراسة ضياع الاستطاعة في خطوط نقل الطاقة الكهربائية المتجانسة وغير المتجانسة

الدكتور جورج اسبر
استاذ مساعد في كلية الهندسة
الميكانيكية والكهربائية
جامعة تشرين

تعتبر الدراسة الرياضية لضياع الاستطاعة في شبكات نقل القدرة الكهربائية المتجانسة وغير المتجانسة مهمة جداً لأنها تبين لنا امكانية استخدام مختلف أنواع العلاقات التي تعطينا الحل المناسب.

تم في هذا البحث ايجاد العلاقات الرياضية التقريبية والدقيقة التي تستخدم لايجاد ضياع الاستطاعة في الشبكات الكهربائية المتجانسة وغير المتجانسة لمختلف التوترات. وبالإضافة الى ذلك تم تحديد العامل الأساسي المؤثر على الخطأ في المعادلات التقريبية وهو عدم الأخذ بالخصائص الفيزيائية التي تؤدي الى توزيع المفاعلة والسماحية السعوية بشكل متساو على طول الخط.

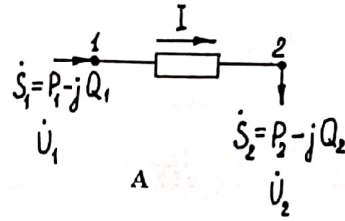
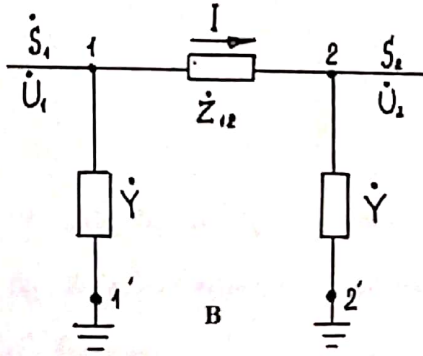
1 - الدارة المكافئة للشبكة الكهربائية

$S = P + jQ$ - الحمل ذو صفة سعوية،
 Q, P - الاستطاعة الفعلية والردية للأطوار الثلاثة.

لقد اعتبرنا الدليل (1) في علاقات هذا البحث مطابقاً لعناصر الدارة في بداية الشبكة والدليل (2) مطابقاً لعناصر الدارة في نهاية الشبكة.

العلاقة بين التوتر في بداية الشبكة ونهايتها تعطى كما يلي :

$$\dot{U}_1 = \dot{U}_2 + \sqrt{3} \dot{I} Z$$



شكل (1)

وهذه العلاقة تطابق معادلة التوتر المرافق المركب

$$\dot{U}_1 = \dot{U}_2 + \sqrt{3} \dot{I} Z \quad (1)$$

نضرب طرفي العلاقة (1) بالقيمة $(\sqrt{3}I)$ فنحصل على المعادلة التالية:

$$\sqrt{3} \dot{U}_1 I = \sqrt{3} \dot{U}_2 I + 3I^2 Z$$

وحسب علاقة الاستطاعة الظاهرية المعمول بها

$$\dot{S}_1 = \dot{S}_2 + \Delta \dot{S}$$

وكما معروف فان ضياع الاستطاعة

نعتبر أن هذه الدارة ثلاثية الطور ومتناظرة، أي أن التوتر متناظر في الأطوار الثلاثة، وكذلك ممانعات الأطوار الثلاثة للمولد متساوية و الأحمال موزعة بشكل منتظم. ومن هنا نبدأ بحساب الاستطاعة الظاهرية

$$\dot{S} = \sqrt{3} \dot{U} \dot{I}$$

حيث

U - التوتر الخطي المركب المرافق ؛

I - التيار الخطي المركب ؛

$S = P - jQ$ - الحمل ذو صفة تحريضية

الشبكة معروفة كالتوتر U_1 والاستطاعة S_1

فان الحسابات تجري كما يلي:

$$U_2 = U_1 - \sqrt{3}IZ$$

$$S_2 = S_1 - \Delta S$$

عندما نعوض بدلاً من ΔS في العلاقة

(2) الاستطاعة في بداية الشبكة فنحصل

على ما يلي:

$$S_1 = \sqrt{3} U_1 I^*$$

ويكون مربع القيمة المطلقة للتيار

$$|I|^2 = \frac{1}{3} \left| \frac{S_1}{U_1} \right|^2 \quad (7)$$

نعوض العلاقة (7) بالعلاقة (2)

نحصل على:

$$\Delta S = \left| \frac{S_1}{U_1} \right|^2 Z^* \quad (8)$$

أو كما يلي :

$$\Delta S = \Delta P - j\Delta Q = \frac{S_1^2}{U_1^2} R - j \frac{S_1^2}{U_1^2} X,$$

من هنا فان

$$\Delta P = \frac{P_1^2 + Q_1^2}{U_1^2} R; \Delta Q = \frac{P_1^2 + Q_1^2}{U_1^2} X. \quad (9)$$

في كثير من الأحيان نستعمل

بدلاً من التيار في الدارة Y المسماة

المكافئة لعناصر الشبكة، مع أنه في تلك

الفعلية والردية يحسبان كما يلي :

$$\Delta P = 3I^2 R, \Delta Q = 3I^2 X \quad (2)$$

ومنه نعبر عن ضياع الاستطاعة

الظاهرية كما يلي:

$$\Delta \dot{S} = \Delta P - j\Delta Q = 3I^2 R - j3I^2 X \quad (3)$$

إذا كانت الأحمال معروفة، يحسب

التيار المار في الشبكة كما يلي:

$$I = \frac{S_2}{\sqrt{3} U_2^*}$$

ومربع القيمة المطلقة للتيار

$$|I|^2 = \frac{1}{3} \left| \frac{S_2}{U_2} \right|^2 \quad (4)$$

نعبر عن العلاقة (2) من خلال العلاقة

(4) فنحصل على معادلة لحساب ضياع

الاستطاعة في الشبكة وذلك بمعرفة

المعطيات في نهاية الخط

$$\Delta S = \left| \frac{S_2}{U_2} \right|^2 Z^* \quad (5)$$

أو بالشكل التالي

$$\Delta S = \Delta P - j\Delta Q = \frac{S_2^2}{U_2^2} R - j \frac{S_2^2}{U_2^2} X \quad (6)$$

ومنه

$$\Delta P = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} R; \Delta Q = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} X$$

عندما تكون معطيات عناصر بداية

الحالة يكون التوتر معلوماً عند نقطة اتصال المسار بالدارة، لذلك والحساب ضياع الاستطاعة في المسار مثل شكل من الأفضل استعمال العلاقة التالية: (B-1)

$$\Delta S = U_1^2 Y_1 \quad (10)$$

2. ضياع الاستطاعة في خطوط نقل الطاقة الكهربائية المتجانسة

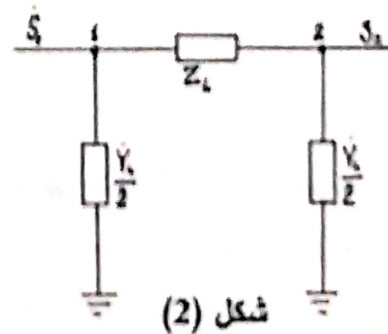
يمكن أن نعبر عن خط نقل القدرة الكهربائية ذات الدارة المكافئة شكل (2) بخط مؤلف من ممانعة Z ومسار Y_1 و Y_2 لذلك وبالعتماد على العلاقة (5) والعلاقة (10) فإن ضياع الاستطاعة في خطوط نقل القدرة الكهربائية المتجانسة يحسب كما يلي:

$$\Delta S_L = \left| \frac{S_2}{U_2} \right|^2 Z_L + \Delta S_{Loc} \quad (11)$$

أو

$$\Delta P_L = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} R_L + \Delta P_{COR} \quad (12-a)$$

$$\Delta Q_L = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} X_L + \Delta Q_C \quad (12-b)$$



شكل (2)

حيث ΔP_{LOC} ضياع الاستطاعة الفعلية في الخط أثناء عمله بدون حمل (على فراغ)، ΔP_{COR} ضياع الاستطاعة الفعلية الناتجة من الكورولة،

ΔQ_C الاستطاعة الشحنة التي تولدها الخطوط الكهربائية

نحبر عن المعادلات (a-12) و (b-12) بالوحدات النسبية منسوبة إلى الاستطاعة المرجعية

$$(S_b = S_{NAT}, U_b = U_2) \text{ (الأساسية)}$$

حيث S_b - الاستطاعة المرجعية،

S_{NAT} الاستطاعة الطبيعية (عندما تتساوى الاستطاعة الردية التي تولدها مولدات المحطات الكهربائية مع الاستطاعة الشحنة للخطوط الكهربائية عند ذلك تنقل في الخطوط استطاعة فعلية فقط تسمى الاستطاعة الطبيعية).

U_b - التوتر المرجعي

$$\Delta P_L = (P_2^2 + Q_2^2) r_{L2} + \Delta P_{COR} \quad (13)$$

$$\Delta q_L = (P_2^2 + Q_2^2) r_{L2} + \Delta q_{C2} \quad (13-a)$$

نلاحظ أن العلاقة (12-B) استنتجت من أساس المعادلة التقريبية (1) التي لا تأخذ في الاعتبار الصفة الموجية والتوزيع المتساوي لعناصر الخطوط الكهربائية على طول امتدادها، وبشكل عام يحسب ضياع الاستطاعة في الخطوط ذات الطول L من

$$|I_L|^2 = \frac{1}{3} \left[\frac{1}{2} \frac{S_2^2}{U_2^2} (ch2\beta l - \cos 2\alpha l) \right.$$

$$\left. + \frac{1}{2} \frac{U_2^2}{Z_c^2} (ch2\beta l - \cos 2\alpha l) + \right.$$

$$\left. \frac{P_2}{Z_c} sh2\beta l - \frac{Q_2}{Z_c} \sin 2\alpha l \right]$$

نعوض قيمة علاقة مربع معامل التيار

بالعلاقة (14) نحصل على ما يلي:

(17)

$$\Delta S_L = Z_{OL} \int_0^L \left[\frac{1}{2} \frac{S_2^2}{U_2^2} (ch2\beta l - \cos 2\alpha l) \right.$$

$$\left. + \frac{1}{2} \frac{U_2^2}{Z_c^2} (ch2\beta l - \cos 2\alpha l) + \frac{P_2}{Z_c} sh2\beta l \right.$$

$$\left. - \frac{Q_2}{Z_c} \sin 2\alpha l \right] dl$$

بعد التكامل والتحويل للعلاقة (17)

تصبح على الشكل التالي :

(18)

$$\Delta S_L = \left[\frac{1}{2} \frac{S_2^2}{U_2^2} \left(\frac{sh2\beta l}{2\beta} + \frac{\sin 2\alpha l}{2\alpha} \right) + \right.$$

$$\left. \frac{1}{2} \frac{U_2^2}{Z_c^2} \left(\frac{sh2\beta l}{2\beta} - \frac{\sin 2\alpha l}{2\alpha} \right) + \right.$$

$$\left. \frac{P_2}{Z_c} \left(\frac{ch2\beta l - 1}{2\beta} \right) + \frac{Q_2}{Z_c} \left(\frac{\cos 2\alpha l - 1}{2\alpha} \right) \right] Z_{OL}$$

أو نعبر عن ذلك بالواحاحات النسبية

$$(S_b = S_{NAT} ; U_b = U_2)$$

العلاقة التالية :

$$\Delta S_L = 3 Z_{OL} \int_0^L I_L^2 dl \quad (14)$$

حيث I_L - التيار في نقطة من الخط، واقعة

على مسافة L من نهايته

$$I_L = I_2 ch\gamma l + \frac{1}{\sqrt{3}} \frac{U_2}{Z_e} sh\gamma l \quad (15)$$

يمكن أن نحلل العلاقة (15) الى

قسمين الأول قسم حقيقي والثاني وهمي

$$ch\gamma l = ch\beta l \cos \alpha l + jsh\beta l \sin \alpha l$$

$$sh\gamma l = sh\beta l \cos \alpha l + jch\beta l \sin \alpha l$$

ولتسهيل التحويل الرياضي للتيار في

نهاية الخط، فاننا نحسبه من خلال

الاستطاعة الفعلية، والرديئة والتوتر وذلك

بالعلاقة التالية:

$$I_2 = (P_2 - jQ_2) / \sqrt{3} U_2 \quad (15-a)$$

هنا شعاع التوتر U_2 يطابق المحور

الحقيقي للسطح المركب.

نحول العلاقة (15) الى الشكل التالي:

(16)

$$I_L = \frac{1}{\sqrt{3}} \left[\left(\frac{P_2}{U_2} ch\beta l \cos \alpha l + \frac{Q_2}{U_2} sh\beta l \sin \alpha l \right) \right.$$

$$\left. + \frac{U_2}{Z_2} sh\beta l \cos \alpha l \right] + j \left(\frac{P_2}{U_2} sh\beta l \cos \alpha l \right.$$

$$\left. - \frac{Q_2}{U_2} ch\beta l \cos \alpha l + \frac{U_2}{Z_e} ch\beta l \sin \alpha l \right]$$

من هنا يكون مربع القيمة المطلقة للتيار :

(18_a)

$$\Delta q_0 = \left[\frac{1}{2} (p_2^2 + q_2^2) \left(\frac{sh2\beta l}{2\beta} + \frac{sin2\alpha l}{2\alpha} \right) + \frac{1}{2} \left(\frac{sh2\beta l}{2\beta} - \frac{sin2\alpha l}{2\alpha} \right) + p_2 \left(\frac{sh2\beta l - 1}{2\beta} \right) + q_2 \left(\frac{cos2\alpha l - 1}{2\alpha} \right) \right] x_{OL} \quad (20_a)$$

$$\Delta S_0 = \left[\frac{1}{2} S_2^2 \left(\frac{sh2\beta l}{2\beta} + \frac{sin2\alpha l}{2\alpha} \right) + \frac{1}{2} \left(\frac{sh2\beta l}{2\beta} - \frac{sin2\alpha l}{2\alpha} \right) + P_2 \left(\frac{ch2\beta l - 1}{2\beta} \right) + q_2 \left(\frac{cos2\alpha l - 1}{2\alpha} \right) \right] Z_{OL}$$

من هنا

بالنسبة للخطوط القصيرة نعتبر أن

$$sh2\beta l \approx 2\beta l ; ch2\beta l \approx 1$$

$$sin2\alpha l \approx 2\alpha l ; cos2\alpha l \approx 1$$

عند هذه الشروط تأخذ المعادلة (18)

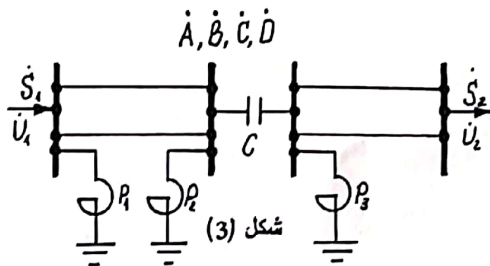
شكل العلاقة (8)

$$\Delta P_L = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} R ; \Delta Q_L = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} X$$

2 - ضياع الإستطاعة في خطوط نقل

الطاقة الكهربائية غير المتجانسة

ان خطوط نقل الطاقة الكهربائية هي عبارة عن منشأة معقدة حيث يوجد أجهزة تعويض سعوية طولانية وكذلك أجهزة تعويض تحريضية لذلك فان هذه الخطوط تسمى خطوط غير متجانسة شكل (3)



(20)

$$\Delta P_0 = \left[\frac{1}{2} (p_2^2 + q_2^2) \left(\frac{sh2\beta l}{2\beta} + \frac{sin2\alpha l}{2\alpha} \right) + \frac{1}{2} \left(\frac{sh2\beta l}{2\beta} - \frac{sin2\alpha l}{2\alpha} \right) + p_2 \left(\frac{sh2\beta l - 1}{2\beta} \right) + q_2 \left(\frac{cos2\alpha l - 1}{2\alpha} \right) \right] r_{OL}$$

أو في الواحدات النسبية

$$D=D'-jD''$$

من العلاقة (23) و (24) وعند وجود

حمل تحريضي فان

$$S_2 = \sqrt{3}U_2I_2 = p - jQ_2$$

$$; \sqrt{3}U_2I_2 = P_2 + jQ_2$$

العلاقة (22) تكتب بالشكل التالي :

$$S_1 = ACU_2^2 + \sqrt{3}ADU_2I_2 + \sqrt{3}BCU_2I_2 + 3BDI_2^2 \quad (25)$$

أو كما يلي

$$S_1 = (A'-jA'')(C'+jC'')U_2^2 + (A'-jA'')(D'+jD'')(P_2-jQ_2) + (B'-jB'')(C'+jC'')(P_2+jQ_2) + 3(B'-jB'')(D'+jD'')I_2^2 \quad (26)$$

بعد اعادة تنظيم العلاقة (26) فانها

تأخذ الشكل التالي :

$$S_1 = [(A'C'+A''C'')U_2^2 + 3(B'D'+B''D'')I_2^2 + (A'D'+A''D''+B'C'+B''C'')P_2 + (A'D''-A''D'+B'C''+B''C')Q_2] - j[(A'C''-A''C')U_2^2 + 3(B'D''-D''B')I_2^2 + (A'D''-A''D'+B'C''-B''C')P_2 + (B'C'+B''C''-A'D'-A''D'')Q_2] \quad (27)$$

بالنسبة لرباعي الأقطاب غير الفعال

(السليبي) الذي يحتوي على ثوابت مركبة

$$AD-BC=1$$

يحسب ضياع الاستطاعة في الخطوط غير المتجانسة من المعادلة التالية:

$$\Delta S_L = S_1 - S_2 \quad (21)$$

لايجاد ضياع الاستطاعة عندما يكون التوتر والاستطاعة معروفين في نهاية الشبكة ، نستخدم المعادلة الأساسية الأولية:

$$S_1 = \sqrt{3}U_1I_1 \quad (22)$$

نعر عن القيم U_1 و I_1 من خلال قيم نهاية الخط وعناصره، لذلك فالتنا ننظر لهذا الخط كرباعي أقطاب ثوابته A , B , C , D

ومن المبادئ الأساسية للهندسة الكهربائية معروف أن

$$U_1 = AU_2 + \sqrt{3}BI_2$$

$$U_1 = AU_2 + \sqrt{3}BI_2 \quad (23)$$

$$I_1 = \frac{C_1}{\sqrt{3}}U_2 + D_2I_2$$

الثوابت المركبة A , B , C , D

تكتب على الشكل التالي :

$$A=A'+jA''$$

$$B=B'+jB''$$

$$C=C'+jC''$$

$$D=D'+jD'' \quad (24)$$

$$A=A'-jA''$$

$$B=B'-jB''$$

$$C=C'-jB''$$

(31)

$$\Delta S_L = [(A'C' + A''C'')U_2^2 + 3(B'D' + B''D'')I_2^2 + 2(A''D'' + B'C' + 1)P_2 + 2(B''D'' - A'D'')Q_2] - J[(A'C'' - A''C')U_2^2 + 3(B'D'' - B''D')I_2^2 + 2(A''D' - C'B'')P_2 + 2(B'C' - A'D')Q_2]$$

من هنا

$$\Delta S = \Delta P_L - J\Delta Q_L; \Delta P_L = \text{Re}S_L$$

$$\Delta Q_L = I_m \Delta S_L$$

القسم الأول من المعادلتين (30) و

(31) يشكل الضياع خلال العمل على فراغ

(بدون حمل) والقسم الثاني يشكل ضياع

الاستطاعة في الدارة المقصورة، وإذا

اعتبرنا أن $I_2 = 0$ فإن

$$\Delta P_{oc} = \text{Re}(\sqrt{3}AU_2 \frac{C}{\sqrt{3}} U_2) = (A'C' + A''C'')U_2^2$$

$$\Delta Q_{oc} = \text{Im}(\sqrt{3}AU_2 \frac{C}{\sqrt{3}} U_2) = (A'C'' - A''C')U_2^2$$

حيث $\Delta P_{o.c}$ ضياع الاستطاعة

الفعلية خلال عمل الدارة على فراغ (بدون

حمل)،

 $\Delta Q_{o.c}$ ضياع الاستطاعة الردية

خلال عمل الدارة على فراغ (بدون حمل).

عند حدوث دارة قصر فإن التوتر في

نهائية الخط يساوي الى الصفر أي $U_2 = 0$

من هنا :

$$\Delta P_{sc} = \text{Re}(\sqrt{3}BI_2 \sqrt{3}DI_2) = 3(B'D' + B''D'')I_2^2$$

$$\Delta Q_{sc} = \text{Im}(\sqrt{3}BI_2 \sqrt{3}DI_2) = 3(B'D'' - B''D')I_2^2$$

التي تطابق العلاقتين الحقيقيتين

$$A'D' - A''B'' - B'C' + B''C'' = 1$$

$$A'D'' + A''D' - B'C'' - C'B'' = 0$$

أو كما يلي :

$$A'D' + B''C' = 1 + A''D'' + B'C' \quad (28)$$

$$A'D'' - B'C'' = C'B'' - A''D'$$

بعد إعادة تحويل العلاقتان (27) و

(28) الى شكل أبسط نحصل على ما يلي :

$$S_1 = [(A'C' + A''C'')U_2^2 + 3(B'D' + B''D'')J_2^2 + (2A''D'' + 2B'C' + 1)P_2 + 2(C'B'' - A'D'')Q_2] - J[(A'C'' - A''C')U_2^2 + 3(B'D'' - B''D')J_2^2 + 2(B'C'' - A''D')P_2 + (2B'C' - 2A'D' + 1)Q_2]$$

أو بشكل آخر

(29)

$$S_1 = [(A'C' + A''C'')U_2^2 + 3(B'D' + B''D'')J_2^2 + (2A''D'' + 2B'C' + 1)P_2 + 2(A'D' - B'C'')Q_2]$$

$$- J[(A'C'' - A''C')U_2^2 + 3(B'D'' - B''D')J_2^2 +$$

$$2(A'D' - B'C'')P_2 + (2B'C' - 2A'D' + 1)Q_2]$$

من هنا نعوض العلاقات (28) و

(29) بالعلاقة (21) نحصل على معادلتين

لحساب الاستطاعة

(30)

$$\Delta S_L = [(A'C' + A''C'')U_2^2 + 3(B'D' + B''D'')I_2^2 + (2A''D'' + 2B'C' + 1)P_2 + 2(B''C'' - A'D'')Q_2]$$

$$- J[(A'C'' - A''C')U_2^2 + 3(B'D'' - B''D')J_2^2 +$$

$$2(B'C'' - A''D')P_2 + 2(B'C' - A'D')Q_2]$$

$$- \Delta P_L - J\Delta Q_L$$

حيث $\Delta P_{S.C}$ ضياع الاستطاعة
 الفعلية في الدارة المقصورة S. C
 $\Delta Q_{S.C}$ ضياع الاستطاعة الردية
 في الدارة المقصورة
 أما بقية الحدود فاتها تتعلق بالصفات
 الموجية وتوزيع عناصر الخط وكذلك
 بالتغيرات السعوية.
 العلاقات المستخرجة لحساب ضياع
 الاستطاعة هي علاقات شاملة وتستخدم
 لجميع الخطوط.

النتائج

لقد وضع برنامج بلغة الفورتران 77،
 تم بمساعدته تحديد المجالات التي يمكن
 بواسطتها استعمال العلاقتين التقريبتين
 (11) و (12). وقد تبين أنه يمكن
 استخدامهما لإيجاد ضياع الاستطاعة في
 شبكات نقل القدرة الكهربائية المتجانسة
 للتوترات حتى 220 ك.ف، والتوترات 330
 - 500 ك.ف لأطوال حتى 400 كم، وكذلك
 للتوترات 750 - 1150 ك.ف لأطوال 700
 كم وماعدا ذلك يجب استخدام العلاقتين

الدقيقتين (19 و 20) لكل تفرعة متجانسة
 من الخطوط غير المتجانسة.
 ان معادلات ضياع الاستطاعة في
 الخطوط الكهربائية (19، 20، 30، 31)
 سهلة اذا حلت بواسطة الآلات الحاسبة
 الالكترونية وصعبة اذا حلت يدوياً. لذلك
 وجدت العلاقة التقريبية (11) لاستخدامها
 في مجالات واسعة بعد ادخال عوامل تصحيح
 عليها.

يتضح لنا من البحث أنه عند مقارنة
 ضياع الاستطاعة في خطوط نقل القدرة
 الكهربائية المحسوبة بالعلاقات الدقيقة،
 والضياع المحسوب بالعلاقات التقريبية،
 يكون الخطأ أقل ما يمكن عندما يتم نقل
 استطاعة طبيعية (أي فقط استطاعة
 فعلية) في الخطوط الكهربائية بحيث لا
 يتجاوز الخطأ %2,5+. كذلك تم استنتاج أن
 العامل الأساسي المؤثر على الخطأ في
 المعادلات التقريبية، هو عدم الأخذ
 بالخصائص الفيزيائية التي تؤدي الى توزيع
 المفاعلة والسماحية السعوية بشكل متساو
 على طول الخط.

Power Loss Studies Of Linear and non - Linear Electrical Power- Lines Transmission

This project includes a wide mathematical studies and finding the accurate relations for the power _ loss in homogeneous , and non _ homogeneous electrical nets. A comparison was also made between the widely used approximate relations , and the accurate relations where its using will complicate the solution.

We used the approximate relation directly with the homogenous electrical nets (220 k. v , 330 k. v. , 500 k. v.) at 400 km length, and (750 k.v. ÷1150 k.v.)at 700 km length. Out of these range we used the accurate relations for accurate relations.

The error obtained in the Electrical Power - Transmission was $\approx \pm 2,5\%$.

We also find that the main factor affecting in using the approximate relation is due to the physical characteristic leading to the retarding resistance and equivalent Transmission Capacity on the lines.

المراجع المستخدمة

- 1 - ضياع الاستطاعة والطاقة في الشبكات الكهربائية باسبيلوف ج. ي، صيتشن ن.م. موسكو 1989.
- 2 - مشاكل الاستطاعة الردية وتأثيرها على ضياع الطاقة الكهربائية في الشبكات . كليياتوف ل. د 1988 موسكو الاتحاد السوفييتي.
- 3 - نقل وتوزيع الطاقة الكهربائية زالكسي م. أ 1989 موسكو الاتحاد السوفييتي.
- 4 - كتاب تخطيط وتصميم الشبكات الكهربائية، منشورات جامعة تشرين د. جورج اسبر، د. أسامة الخياط. 1990.
- 5 - كتاب نظم القدرة الكهربائية، الجزء الأول والثاني، منشورات جامعة تشرين د. عبدالله سعيد 1986.