

## Determination of Stress Shear on Interface of Reinforced Concrete Jacketed Beam

Dr. Bassam HWAJJA \*

Dr. Qusai NADDAF \*\*

Mirna SBHI \*\*\*

(Received 24 / 11 / 2019. Accepted 16 / 2 / 2020)

### □ ABSTRACT □

Strengthening and retrofitting of existing beams have been widely discussed topics for the last decade. A great number of existing beams need rehabilitation or strengthening because of improper design or construction, change of the design loads, damage caused by environmental or human factors, seismic events, etc. A popular technique for increasing the capacity of reinforced concrete beams involves the casting of a new layer, reinforced or not, on the tensile or the compressive side of the beam. Shear stress is introduced at the interface between the old and the new concrete, and it affects the behavior of the composite element. In this paper, an analytical procedure is conducted on reinforced concrete jacketed beams using ANSYS software, to determination the effect of vertical shear stress, percentage of reinforcement that cross the interface and the growth of cracks on the interfacial shear stress. This study presents that the interfacial shear stress equal to vertical shear stress at the same section at the supports. In the middle of span, the interfacial shear stress decreases after 25% of the applied load and then absents. The interfacial shear stress increases with increasing the percentage of reinforcement that cross the interface. This stress decreases with the growth of cracks until absents when cracks up to interface.

**Keywords:** Beams, strengthening, shear stress.

---

\* Professor, Department Of Structural Engineering, Tishreen University, Latakia, Syria.

\*\* Assistant Professor, Department Of Structural Engineering, Tishreen University, Latakia, Syria.

\*\*\* Master Degree Student, Department Of Structural Engineering, Tishreen University, Latakia, Syria.

## تحديد الإجهادات القاصة على السطوح البيئية لجائز بيتوني مسلح مدعم بقميص بيتوني جزئي

د. بسام حويجة\*

د. قصي نداف\*\*

ميرنا صبحي\*\*\*

(تاريخ الإيداع 24 / 11 / 2019. قُبل للنشر في 16 / 2 / 2020)

### □ ملخص □

إن عمليات التقوية والتدعيم للجوائز القائمة من أكثر المواضيع التي تمت مناقشتها بشكل واسع في العقد الأخير، حيث يوجد الكثير من الجوائز بحاجة إلى التقوية أو إعادة التأهيل بسبب التصميم أو التنفيذ الخاطئ، أو بسبب تغير الحملات التصميمية أو أي ضرر يمكن أن ينتج من العوامل البيئية أو البشرية أو بسبب الأفعال الزلزالية وغيرها. من أكثر الطرق استخداماً لزيادة قدرة تحمل الجوائز البيتونية المسلحة هي بإضافة طبقة بيتونية سواء كانت مسلحة أو غير مسلحة في الجانب المشدود أو المضغوط للجائز البيتونية. تنتج إجهادات قاصة عند السطح البيئي بين البيتون القديم والبيتون الجديد تؤثر على سلوك المقطع المركب. تم في هذا البحث إجراء دراسة تحليلية باستخدام برنامج ANSYS على جوائز بيتونية مسلحة مدعمة بقمصان بيتونية لتحديد تأثير كل من الإجهادات القاصة الشاقولية ونسبة التسليح العرضي الذي يعبر السطح البيئي وتطور التشققات على الإجهادات القاصة البيئية.

أظهرت هذه الدراسة أن الإجهادات القاصة البيئية تساوي الإجهادات القاصة الشاقولية عند نفس المقطع وذلك عند المساند، أما في وسط المجاز تتخفف الإجهادات القاصة البيئية بعد الوصول لـ 25% من الحمولة المطبقة حتى تتعدم. بزيادة نسبة التسليح الذي يجتاز السطح البيئي تزداد الإجهادات القاصة البيئية، ومع تطور التشققات تقل الإجهادات القاصة البيئية حتى تتعدم عندما تصل التشققات للسطح البيئي.

الكلمات المفتاحية: جوائز - تقوية - الإجهادات القاصة

\* أستاذ - قسم الهندسة الإنشائية - كلية الهندسة المدنية - جامعة تشرين - اللاذقية - سورية.

\*\* مدرس - قسم الهندسة الإنشائية - كلية الهندسة المدنية - جامعة تشرين - اللاذقية - سورية.

\*\*\* طالب دراسات عليا (ماجستير) - قسم الهندسة الإنشائية - كلية الهندسة المدنية - جامعة تشرين - اللاذقية - سورية.

**مقدمة:**

إن طريقة التدعيم بالقمصان البيتونية المسلحة هي من الطرق التقليدية في التدعيم ولكنها ما زالت من أفضل الحلول، وذلك لفعاليتها ومقاومتها للصدأ والحريق وغيرها من العوامل المحيطة، ولكن الإجهادات القاصة المتشكلة عند السطوح البيئية لهذه العناصر ما زالت قضية معقدة بسبب كثرة العوامل المؤثرة فيها، فكان لا بد من دراستها وتحديدتها بدقة لتأمين العمل المشترك بين الجائز والقمصان للحصول على أفضل النتائج من عملية التدعيم. تعتبر آلية انتقال الإجهادات القاصة بين طبقتين من البيتون مسألة معقدة جداً حيث تتضمن مجموعة من التفاعلات والتي تعتمد على عدة بارامترات تؤثر على عملية النقل، مثل كمية التسليح الذي يعبر السطح البيئي، وإجهاد الضغط للبيتون الأضعف وخشونة السطوح البيئية بالإضافة إلى وجود التشققات (Casal, 1960). نفذت العديد من الدراسات التجريبية والتحليلية لدراسة الإجهادات القاصة بين سطحين متصلين والعوامل المؤثرة فيها، حيث أصبحت حقلاً هاماً للبحث.

قام الباحثون (Sajed et al, 2010) بدراسة تحليلية لجوائز بيتونية تم إصلاحها باستخدام طبقة بيتونية في منطقة الشد، وذلك لمعرفة تأثير عامل مرونة وسماكة الطبقة البيتونية المضافة على توزيع وسلوك الإجهادات في هذه الجوائز، من خلال محاكاة هذه الجوائز باستخدام برنامج العناصر المنتهية ANSYS، ووجدوا أنه بزيادة عامل المرونة للبيتون المضاف بالنسبة لعامل مرونة البيتون الأصلي ( $E_{repair} / E_{substrate}$ ) سوف تزيد من الإجهادات المترتبة في البيتون المضاف وعند السطوح البيئية وبالتالي تزداد إمكانية تشقق وانفصال البيتون المضاف، وبزيادة سماكة طبقة البيتون المضاف في منطقة الشد، سوف تزداد الإجهادات الرئيسية بالبيتون المضاف ولكن ستقلص الإجهادات عند السطوح البيئية.

قام الباحثان (Vassilis and Georgia, 2015) بدراسة تأثير عدة بارامترات على سلوك السطح البيئي بين كتلي بيتون، وذلك بإعداد نموذج ثلاثي الأبعاد باستخدام برنامج العناصر المنتهية ATENA، وتوصلوا إلى أنه بزيادة عدد القضبان التي تجتاز السطح البيئي تزداد مقاومة القص عنده، و بزيادة خشونة السطح البيئي تقل قيم الانزلاق عند القص الأعظمي. قام الباحث (Tsioulou, 2011) بدراسة تحليلية لجائز بيتوني مسلح مدعم بقميص بيتوني باستخدام برنامج العناصر المنتهية ATENA، وذلك للتنبؤ بتوزيع الإجهادات القاصة عند السطح البيئي بين بيتون الجائز الأصلي والبيتون المضاف، حيث وجد أن توزيع الإجهادات القاصة عند السطح البيئي لجائز بيتوني مسلح مدعم بقميص بيتوني ذو استناد بسيط محمل بحمولة مركزة وسط المجاز يكون غالباً بشكل قطع مكافئ قيمه العظمى عند المساند والصغرى عند منتصف المجاز.

**أهمية البحث وأهدافه:**

يهدف هذا البحث إلى:

- دراسة تأثير إجهاد القص الشاقولي على الإجهادات القاصة المتولدة عند السطح البيئي على كامل طول الجائز.
  - دراسة تأثير نسبة التسليح العابر ضمن السطح البيئي على الإجهادات القاصة المتولدة عنده.
  - دراسة تأثير الشقوق التي تتشكل في البيتون على الإجهادات القاصة عند السطح البيئي.
- وتكمن أهمية البحث بالنقاط التالية:

- دراسة تأثير عدة بارامترات على الإجهادات القاصة عند السطوح البيئية وبالتالي إمكانية السيطرة على هذه الإجهادات وهذا يقود إلى تأمين العمل المشترك بين بيتون الجائز وبيتون القميص للحصول على أفضل النتائج لعملية التقوية.
- اعتماد المنهج التحليلي للحصول على نتائج أكثر دقة.

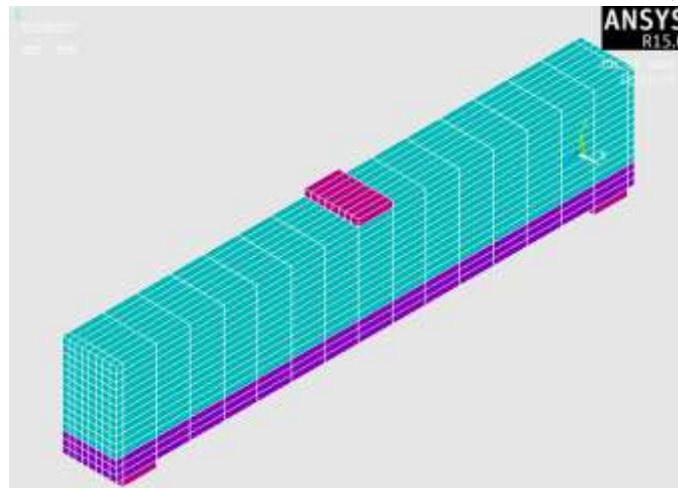
### طرائق البحث ومواده:

يعتمد هذا البحث المنهج التحليلي، حيث سيتم إنشاء نموذج عددي للجوائز البيئية المسلحة المدعمة بقمصان بيتونية باستخدام برنامج العناصر المنتهية ANSYS، بعد التحقق من صحة النموذج من خلال معايرته بدراسات تجريبية. ستحلل هذه الجوائز تحليل ستاتيكي لا خطي وسيتم تحديد توزع وشدة الإجهادات القاصة البيئية ودراسة تأثير كل من الإجهادات القاصة الشاقولية ونسبة التسليح العرضي الذي يعبر السطح البيئي وتطور التشققات على هذه الإجهادات البيئية.

### 1- الدراسة التحليلية (numerical study):

#### 1-1- إعداد النموذج العددي (finite element model):

تم استخدام برنامج العناصر المنتهية ANSYS في محاكاة الجائز البيئوني المسلح المدعم بقميص بيتوني في منطقة الشد، الموضح بالشكل (1).

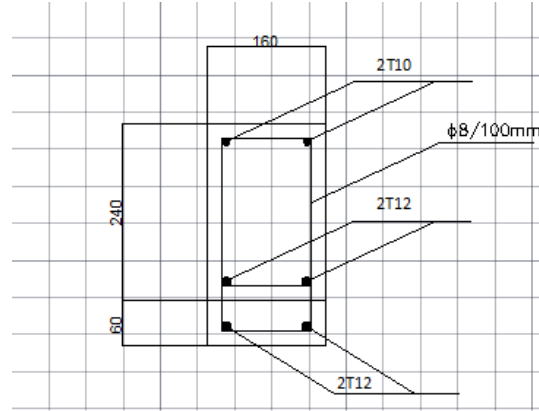


الشكل (1): نموذج الجائز البيئوني المسلح المدعم بقميص بيتوني باستخدام ANSYS

حيث كان للجائز مقطع عرضي بأبعاد  $(b * h = 160 * 240) \text{mm}$  ومجاز بطول  $L = 1540 \text{mm}$ ، مسلح بتسليح طولي  $2T12$  وتسليح تعليق  $2T10$  وتسليح عرضي  $\phi 8/100 \text{mm}$ ، مدعم بقميص بيتوني بسماكة  $60 \text{mm}$  مسلح بتسليح طولي  $2T12$  تتغير فيه أشاير القص التي تربط الجائز بالقميص وفق الجدول (1)، يوضح الشكل (2) المقطع العرضي للجوائز البيئونية المسلحة المدعمة بقمصان بيتونية مع أبعاد المقطع العرضي وتفصيلات التسليح.

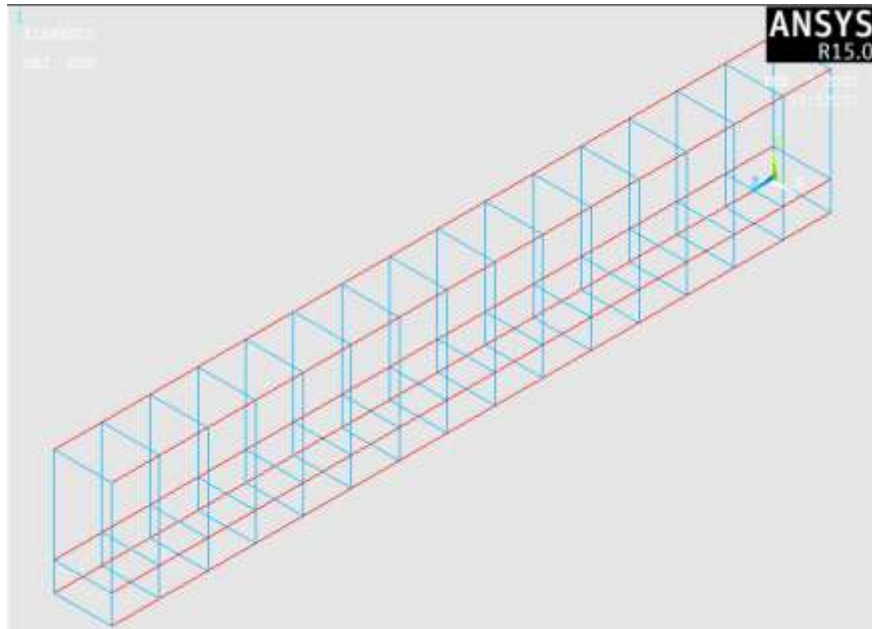
الجدول (1) : أشاير القميص البيئوني

اسم الجائز	الأشاير المستخدمة	اسم الجائز	الأشاير المستخدمة
B0-1	$\Phi 6/100 \text{mm}$	B1-1	$\Phi 8/100 \text{mm}$
B0-3	$\Phi 6/200 \text{mm}$	B1-3	$\Phi 8/200 \text{mm}$



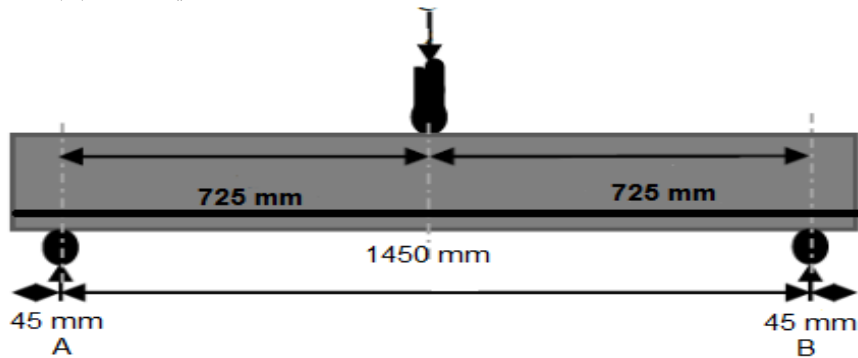
الشكل (2): أبعاد المقطع العرضي للجوائز المدروسة والتسليح المستخدم بها

تم تركيب أشاير القص بحيث تكون جميع هذه الأشاير ملحومة على أساور الجائز، كما هو موضح بالشكل (3) الذي يبين توضع أشاير القص في النموذج العددي على برنامج ANSYS.



الشكل (3): توضع أشاير القص ضمن النموذج العددي

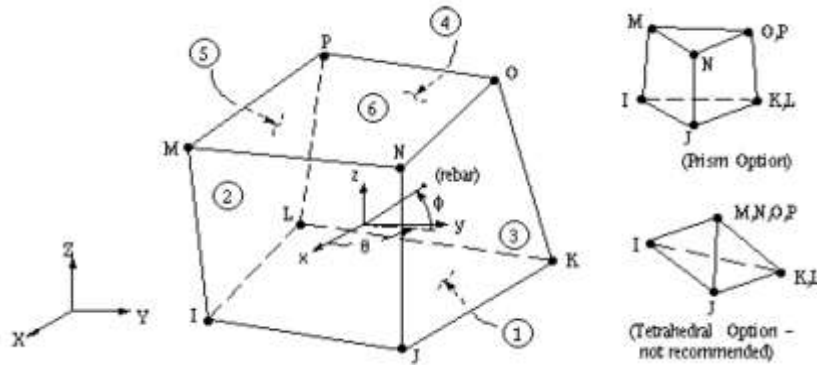
جميع الجوائز المدروسة ذات استناد بسيط ومحملة بحمولة مركزة وسط المجاز كما في الشكل (4).



الشكل (4) : الجائز البيتوني المسلح المدعم بقميص بيتوني المدروس

### 1-2- نمذجة البيتون (concrete modeling):

يستخدم Solid 65 الشكل (5) للنمذجة ثلاثية الأبعاد مع أو بدون قضبان فولاذ، يمتلك هذا العنصر قابلية التشقق على الشد والتحطم بالضغط، وهو معرف ب 8 عقد كل واحدة لها 3 درجات حرية انتقال x,y,z (ANSYS Manual , 2004).

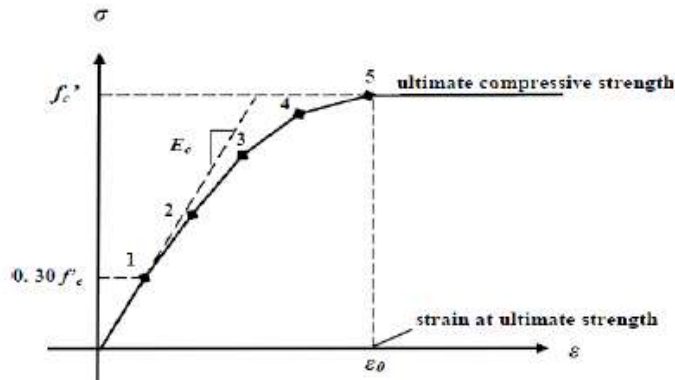


الشكل (5) : Solid 65 (ANSYS Manual , 2004)

يوجد العديد من النماذج الرياضية لتمثيل مخطط الإجهاد - التشوه للبيتون، ولكن أغلب الباحثين استخدموا النموذج الرياضي Hognestad في دراستهم لتقريب سلوك الإجهاد - التشوه للبيتون باستخدام المعادلتين (1) و (2) (Hind et al , 2016) وهو ما تم استخدامه في هذه الدراسة ، الشكل (6).

$$F = \frac{\varepsilon E_c}{1 + \left(\frac{\varepsilon}{\varepsilon_0}\right)^2} \quad (1)$$

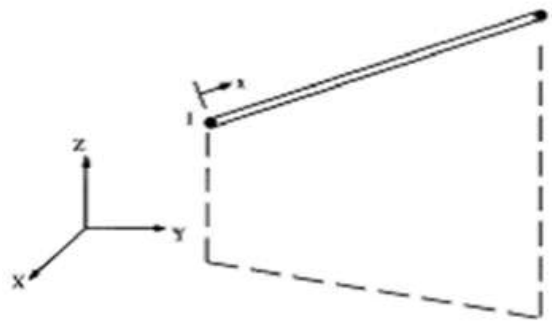
$$\varepsilon_0 = \frac{2f'_c}{E_c} \quad (2)$$



الشكل (6): منحنى إجهاد - تشوه للبيتون المعتمد في ANSYS (Hind et al , 2016)

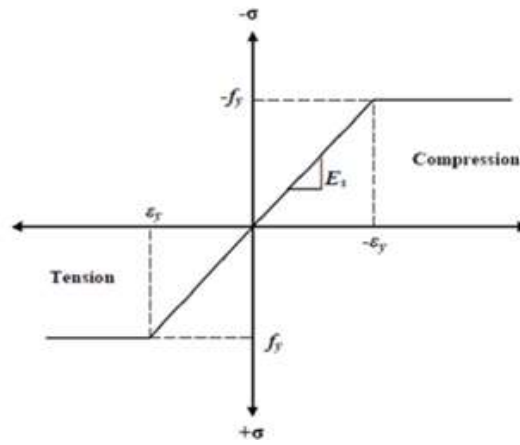
### 1-3- نمذجة فولاذ التسليح (steel reinforcing modeling):

استخدم Link 180 الشكل (7) لنمذجة فولاذ التسليح ، وهذا العنصر هو عنصر أحادي المحور يعمل على الشد والضغط ، له ثلاث درجات حرية عند كل عقدة، وهي الانتقالات باتجاه x,y,z ، ويمتلك القدرة على تحمل التشوهات الكبيرة، واللدونة والزحف والسهموم الكبيرة (ANSYS Manual , 2004).



الشكل (7) : Link 180 (ANSYS Manual , 2004)

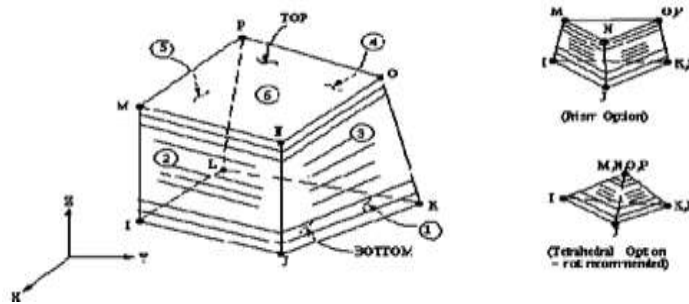
تم اعتبار علاقة إجهاد - تشوه للفلواذ كعلاقة ثنائية الخطية في حالتى الشد والضغط كما هو موضح بالشكل (8).



الشكل (8): علاقة إجهاد تشوه للفلواذ في ANSYS (Hind et al , 2016)

#### 4-1- نمذجة صفائح التحميل (steel plate modeling):

تمت نمذجة صفائح التحميل والاستناد باستخدام العنصر Solid 185 كحجم متجانس صلب (ANSYS Manual , 2004)، كما بالشكل (9).



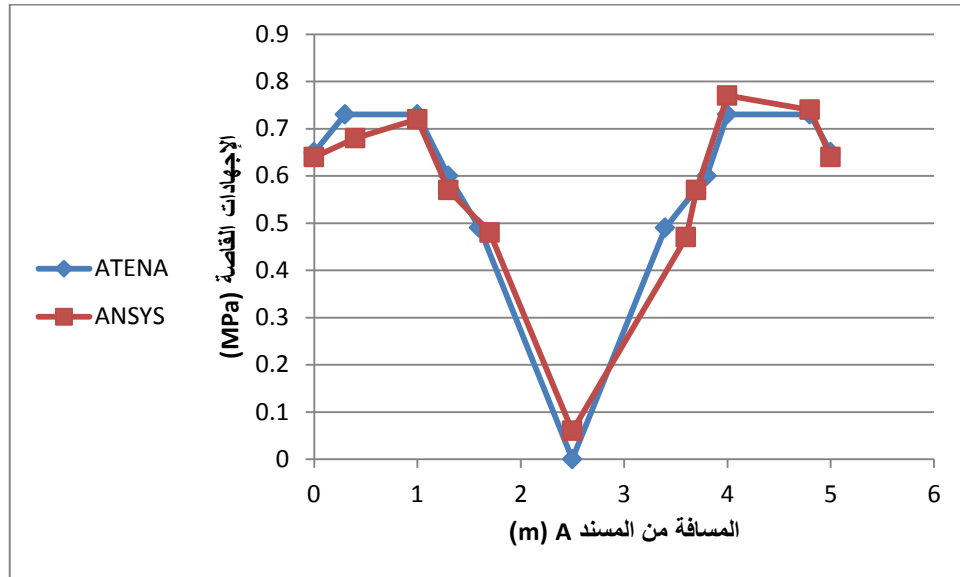
الشكل (9) : (ANSYS Manual , 2004)

#### 5-1- سلوك الاتصال (contact behavior):

تم اعتبار الترابط تام عند السطح البيئي بين بيتون الجانز وبيتون القميص، من خلال تقابل عقد الجانز مع عقد القميص لتحقيق الاستمرارية ودمج العقد مع بعضها merge items.

### 1-6- التحقق من النمذجة (model verification):

بسبب غياب الدراسات التجريبية في مجال تحديد الإجهادات القاصة عند السطوح البيئية للجوائز المدعمة، قمنا باعتماد الجائز البيتوني المسلح "AB" والمدعم بقميص بيتوني من الدراسة التحليلية التي أجراها الباحث ( Tsioulou,2011 ) باستخدام برنامج العناصر المنتهية ATENA، وتمت مقارنة الإجهادات القاصة البيئية التي توصل إليها الباحث مع الإجهادات القاصة البيئية التي تم التوصل إليها باستخدام ANSYS وأعطت نتائج جيدة حيث كانت قيمة الإجهادات القاصة عند السطح البيئي التي تم التوصل إليها 0.64MPa وهي أقل من القيمة التي توصل إليها الباحث ( Tsioulou,2011 ) ب 8.5%، كما هو موضح بالشكل (10).

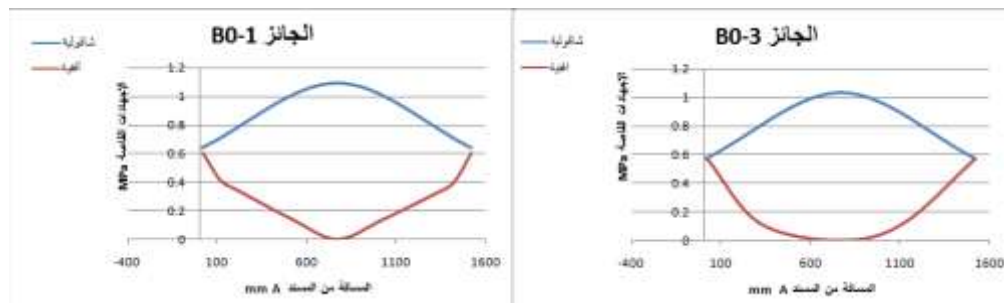


الشكل (10) : مقارنة توزيع الإجهادات القاصة عند السطح البيئي على طول مجاز الجائز

### النتائج والمناقشة:

#### 1- تأثير الإجهادات القاصة الشاقولية على الإجهادات القاصة البيئية:

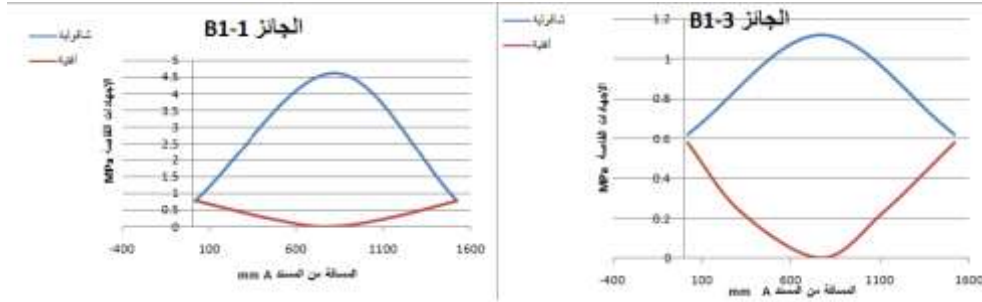
تمت مقارنة الإجهادات القاصة البيئية والإجهادات القاصة الشاقولية على كامل مجاز الجائز كما في الأشكال (11) و (12) و (13) و (14).



الشكل (11): توزيع الإجهادات القاصة الأفقية والشاقولية على طول الجائز B0-1

الشكل (12): توزيع الإجهادات القاصة الأفقية والشاقولية على طول الجائز B0-3

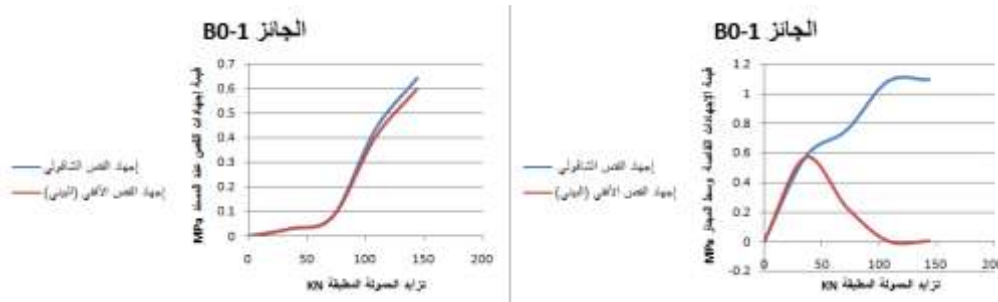




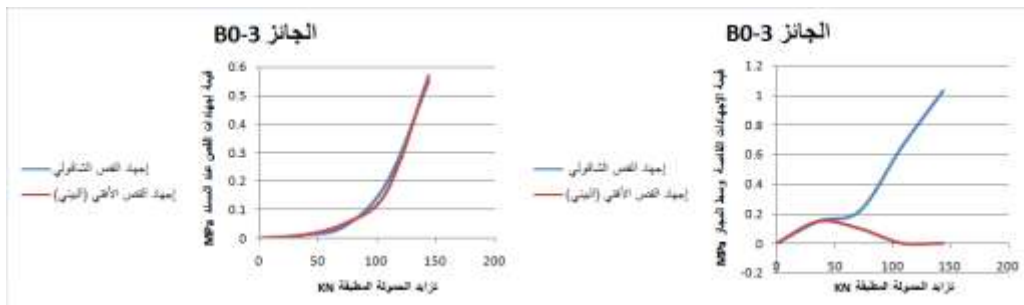
الشكل (13): توزع الإجهادات القاصة الأفقية والشاقولية على طول الجانز B1-1

الشكل (14): توزع الإجهادات القاصة الأفقية والشاقولية على طول الجانز B1-3

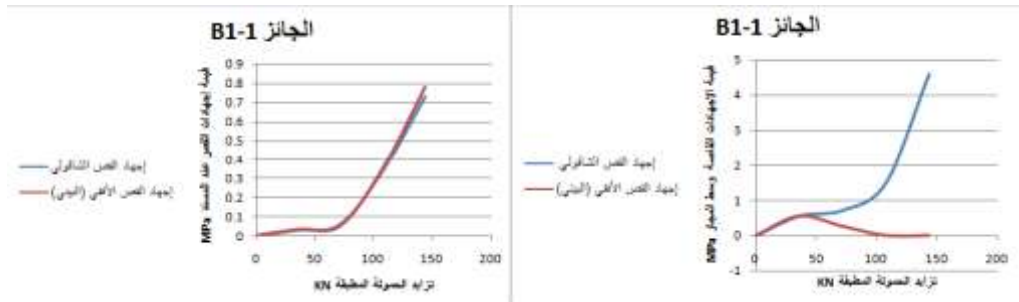
لوحظ من الأشكال أن الإجهادات القاصة الشاقولية لم تتساوى مع الإجهادات القاصة الأفقية (البيئية) أي لم تحقق قانون ازدواجية القص، لذلك تم تحديد تغير الإجهادات القاصة الشاقولية والأفقية مع تزايد الحمولة وحتى انهيار الجوائز B0-1 , B0-3 , B1-1 , B1-3 عند كل من المسند ووسط المجاز، كما هو موضح بالأشكال (15) ، (16) ، (17) ، (18).



الشكل (15): تغير الإجهادات القاصة الأفقية والشاقولية مع تزايد الحمولة للجانز B0-1  
a- عند المسند b- وسط المجاز



الشكل (16): تغير الإجهادات القاصة الأفقية والشاقولية مع تزايد الحمولة للجانز B0-3  
a- عند المسند b- وسط المجاز



الشكل (17): تغير الإجهادات القاصة الأفقية والشاقولية مع تزايد الحمولة للجائز B1-1  
a- عند المسند b- وسط المجاز



الشكل (18): تغير الإجهادات القاصة الأفقية والشاقولية مع تزايد الحمولة للجائز B1-3  
a- عند المسند b- وسط المجاز

وبالتالي نجد من الأشكال (15) ، (16) ، (17) ، (18) أن:

- الإجهادات القاصة الشاقولية تتطابق مع الإجهادات القاصة الأفقية (البينة ) عند المسند وذلك من لحظة بدء التحميل وحتى انهيار الجوائز.
- وسط المجاز تتطابق الإجهادات القاصة الشاقولية مع الإجهادات القاصة الأفقية حتى 25% من الحمولة المطبقة، وبعدها تبدأ الإجهادات القاصة الأفقية بالانخفاض حتى تتعدى ذلك مع تزايد الإجهادات القاصة الشاقولية بتزايد الحمولة المطبقة حتى انهيار الجوائز.

## 2 - تأثير نسبة التسليح العرضي الذي يعبر السطح البيني على الإجهادات القاصة البينية:

تم تغيير نسبة التسليح العرضي الذي يعبر السطح البيني للجوائز المدروسة، لدراسة تأثيره على الإجهادات القاصة التي تتشكل عند هذا السطح البيني، يوضح الجدول (2) نسبة التسليح العرضي المستخدم و الإجهادات القاصة البينية الأعظمية الموافقة لتغير نسبة التسليح.

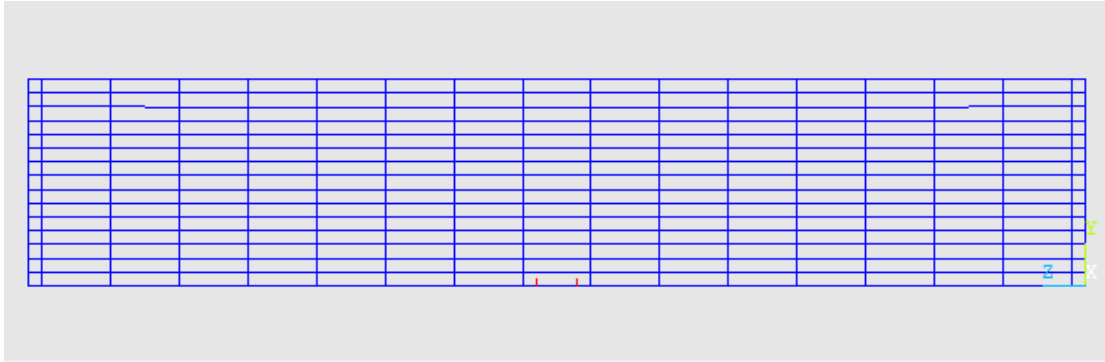
الجدول (2): قيم إجهادات القص البينية الأعظمية الموافقة لتغير نسبة التسليح العرضي

اسم الجائز	التسليح العرضي المستخدم	نسبة التسليح العرضي	إجهاد القص البيني الأعظمي MPa
B0-1	Φ6/10cm	0.0035	0.6
B0-3	Φ6/20cm	0.0018	0.57
B1-1	Φ8/10cm	0.0063	0.78
B1-3	Φ8/20cm	0.0031	0.58

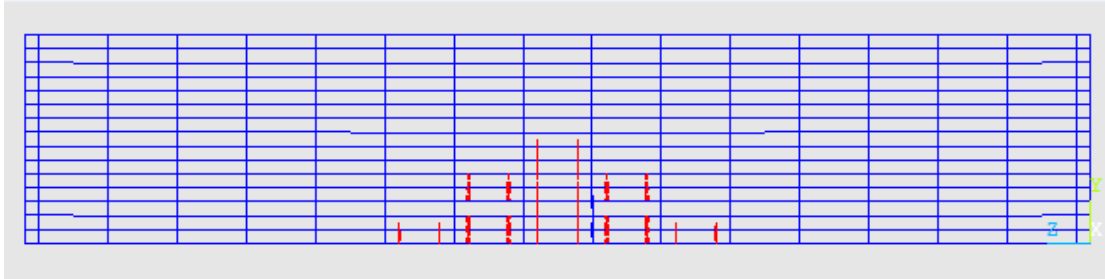
وبالتالي بزيادة نسبة التسليح العرضي الذي يعبر السطح البيئي تزداد الإجهادات القاصة المتولدة عنده.

### 3- تأثير التشققات التي تحدث في البيتون على الإجهادات القاصة البيئية:

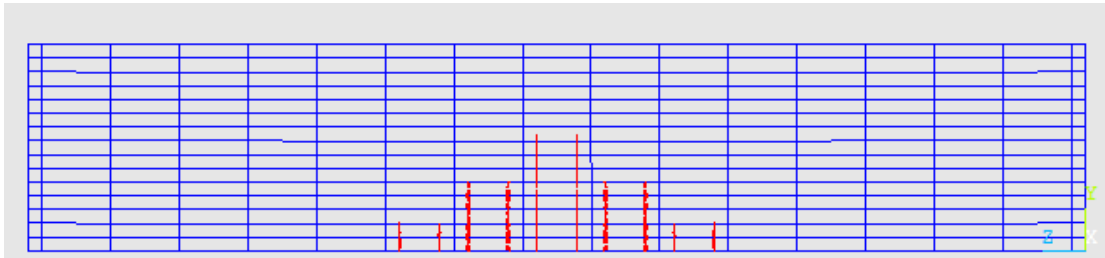
تمت دراسة تأثير التشققات التي تحدث في البيتون على الإجهادات القاصة المتشكلة عند السطوح البيئية من خلال مراقبة تطور التشققات وتأثير ذلك على الإجهادات القاصة البيئية عند كل جائز، حيث كان لجميع الجوائز المدروسة نفس الاستجابة من حيث تطور التشققات وتأثيرها على الإجهادات القاصة المتولدة عند السطوح البيئية، فبدأ التشقق في جميع الجوائز عند % (18-19) من الحمولة المطبقة لكنه لم يؤثر في هذه المرحلة على شدة وتوزيع الإجهادات القاصة البيئية، أما بمرحلة التحميل بعد % 25 من الحمولة المطبقة بدأت التشققات بالوصول للسطح البيئي وهذا يتوافق مع انعدام الإجهادات القاصة عند السطح البيئي بعد هذه النسبة، كما هو مبين بالأشكال (19) و (20) و (21) التي توضح تطور التشقق في الجائز B0-1.



الشكل (19): بداية التشقق بالجائز B0-1



الشكل (20): التشققات عند 25% من الحمولة المطبقة للجائز B0-1



الشكل (21): التشققات بعد 25% من الحمولة المطبقة للجائز B0-1

### الاستنتاجات والتوصيات:

تم إجراء الدراسة التحليلية باستخدام برنامج ANSYS لتحديد تأثير الإجهادات القاصة الشاقولية ونسبة التسليح العرضي الذي يعبر السطح البيني وتطور التشققات التي تحصل في البيتون على الإجهادات القاصة البينية وتم التوصل للنتائج التالية:

- بزيادة نسبة التسليح العرضي المستخدم لربط القميص البيتوني مع الجائر، والذي يجتاز السطح البيني تزداد الإجهادات القاصة المتشكلة عند هذه السطوح.
- في وسط المجاز تكون الإجهادات القاصة المتشكلة عند السطح البيني بين الجائر والقميص مساوية للإجهادات القاصة الشاقولية عند نفس المقطع حتى 25% من الحمولة المطبقة، ولكن بعدها تنخفض الإجهادات القاصة الأفقية حتى تنعدم، وذلك مع ازدياد الإجهادات القاصة الشاقولية بزيادة الحمولة المطبقة حتى الانهيار.
- عند المساند تكون الإجهادات القاصة المتشكلة عند السطح البيني مساوية للإجهادات القاصة الشاقولية عند نفس المقطع وذلك من لحظة بداية التحميل حتى انهيار الجائر.
- مع زيادة التشققات تقل الإجهادات القاصة عند السطح البيني، حتى تنعدم عند وصولها للسطح البيني.

### References:

1. "ANSYS Manual ", Version 9.0, U.S.A. 2004.
2. Casal, Bruno Baleia. "Connection Between Layers With Different Ages." Universidade Tecnica de Lisboa, Portugal (1960).
3. Hind, M. Kh, M. Ozakcab, and T. Ekmekyaparc. "A Review on Non linear Finite Element Analysis of Reinforced Concrete Beams Retrofitted with Fiber Reinforced Polymers." Journal of Advanced Research in Applied Mechanics 22.1 (2016): 13-48.
4. Sajed, Siavash, et al. "Numerical investigation of the behavior of repaired reinforced concrete beams under monotonic loading." 2<sup>nd</sup> international conference on durability of concrete structures, Hokkaido University, Sapporo, Japan (2010).
5. Tsioulou, O. T., and Stephanos E. Dritsos. " A theoretical model to predict interface slip due to bending." Materials and structures 44.4 (2011).
6. Vassilis K. Papanikolaou and Georgia E. Thermou. "Concrete – to – concrete interfaces under cyclic loading – Finite element analysis towards experimental verification." Conference: COMPDYN – Computational Method in structural Dynamics and Earthquake Engineering, At Crete Island, Greece (2015).